

ESTADÍSTICA

UNIDIMENSIONAL

4º E.S.O.

TERMINOLOGÍA ESTADÍSTICA

Ejemplo: Se quiere hacer un estudio estadístico sobre el país de origen de 240 alumnos de un Colegio.

Población: Conjunto de elementos sobre los que se realiza el estudio.
Los 240 alumnos de un Colegio

Individuo: Cada uno de los elementos sobre los que se realiza el estudio.
Cada alumno del Colegio

Carácter: Sobre lo que se realiza el estudio.
País de origen de los alumnos

Modalidades: Posibles resultados del carácter.
España, Portugal, Alemania, ...

Muestra: Parte de la población sobre la que se realiza el estudio.
Por ejemplo 40 alumnos de los 240 alumnos de un Colegio

TERMINOLOGÍA ESTADÍSTICA

Tipos de caracteres.

Carácter estadístico cualitativo: Las modalidades no se pueden medir.
País de origen del alumno (España, Alemania,...)

Carácter estadístico cuantitativo: Las modalidades se pueden medir.
Número de hermanos del alumno (0, 1, 2,...)

El **Carácter estadístico cuantitativo** constituye una **variable estadística** que puede ser:

Variable estadística discreta: Toma sólo valores aislados.
Número de hermanos del alumno (0, 1, 2,...)

Variable estadística continua: Toma todos los posibles valores de un intervalo.
Peso de cada alumno (desde 0 kg hasta 200 kg)

TERMINOLOGÍA ESTADÍSTICA

Clasifica los siguientes caracteres estadísticos.

- a) **Número de canastas encestandas en un partido de baloncesto.**
 - b) **Canal de televisión preferido por los vecinos de una casa.**
 - c) **Medida, en metros, del salto de longitud en unos juegos olímpicos.**
- a) Cuantitativo discreto
 - b) Cualitativo
 - c) Cuantitativo continuo

TABLAS DE FRECUENCIAS.

El número de consultas al dentista de 50 alumnos en el último año ha sido:

1 0 2 1 0 0 0 2 1 1 2 3 6 0 1 2 1 3 1 0 2 1 1 1 0
3 1 2 0 1 1 2 0 0 1 2 1 3 0 1 4 0 1 2 0 0 1 2 0 5

Frecuencia Absoluta (f_i): Número de veces que se repite cada valor.

Frecuencia Relativa (h_i): Cociente entre la frecuencia absoluta y el número total de datos.

x_i	f_i	h_i
0	15	0,30
1	18	0,36
2	10	0,20
3	4	0,08
4	1	0,02
5	1	0,02
6	1	0,02

$$n = \sum f_i = 50 \qquad \sum h_i = 1$$

TABLAS DE FRECUENCIAS.

Se ha realizado una encuesta a 600 chicos y chicas, que asisten a un Polideportivo, sobre su deporte preferido, dándoles a escoger entre los que figuran en un formulario. Se han obtenido los siguientes porcentajes: fútbol, 40%; atletismo, 18%; baloncesto, 12%; natación, 26% y ciclismo, 4%. Halla las frecuencias absolutas y relativas de cada deporte.

Deporte	f_i	h_i
Fútbol	240	0,40
Atletismo	108	0,18
Baloncesto	72	0,12
Natación	156	0,26
Ciclismo	24	0,04

$$n = \sum f_i = 600 \qquad \sum h_i = 1$$

TABLAS DE FRECUENCIAS.

Frecuencia Absoluta Acumulada (F_i): Número de veces que se repite cada valor, hasta el momento.

Frecuencia Relativa Acumulada (H_i): Cociente entre la frecuencia absoluta acumulada y el número total de datos.

x_i	f_i	F_i	h_i	H_i
1	5	5	5/22=0,23	0,23
2	7	5+7=12	7/22=0,32	0,55
3	6	5+7+6=18	6/22=0,27	0,82
4	4	5+7+6+4=22	4/22=0,18	1

$$n = 22 \qquad 1$$

TABLAS DE FRECUENCIAS.

El número de intervenciones que ha realizado el servicio de bomberos a lo largo de un mes ha sido:

2 1 5 3 4 0 1 1 2 3 4 3 4 5 2 4 3 5 6 1 2 3 4 3 2 4 1 3 4 3

x_i	f_i	h_i	F_i	H_i
0	1	0,033	1	0,033
1	5	0,167	6	0,200
2	5	0,167	11	0,367
3	8	0,267	19	0,633
4	7	0,233	26	0,867
5	3	0,100	29	0,967
6	1	0,033	30	1

$$30 \qquad 1$$

TABLAS DE VARIABLES CONTINUAS

En tablas de variable continua, se añade una columna c_i , que se llama marca de clase, que es el punto medio del intervalo. La columna c_i se utiliza como la x_i en discreta.

El diámetro de los 22 tornillos de una caja es:

0,1 2,1 1,8 4,3 5,8 6,5 7,3 1,6 0,5 2,2 7,8
2,5 3,4 4,4 6,7 1,1 3,3 5,5 4,9 2,0 3,1 5,1

Intervalos	c_i	f_i	F_i	h_i	H_i
[0 , 2[1	5	5	0,23	0,23
[2 , 4[3	7	12	0,32	0,55
[4 , 6[5	6	18	0,37	0,82
[6 , 8[7	4	22	0,18	1

22

1

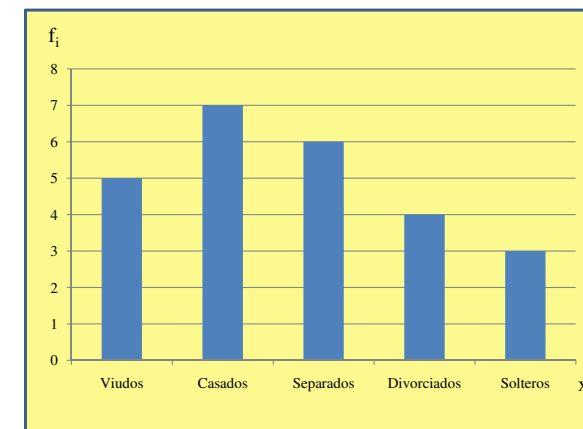
GRÁFICAS ESTADÍSTICAS

Carácter cualitativo.

Diagrama de barras.

x_i	f_i	h_i
Viudos	5	0,20
Casados	7	0,28
Separados	6	0,24
Divorciados	4	0,16
Solteros	3	0,12

25 1



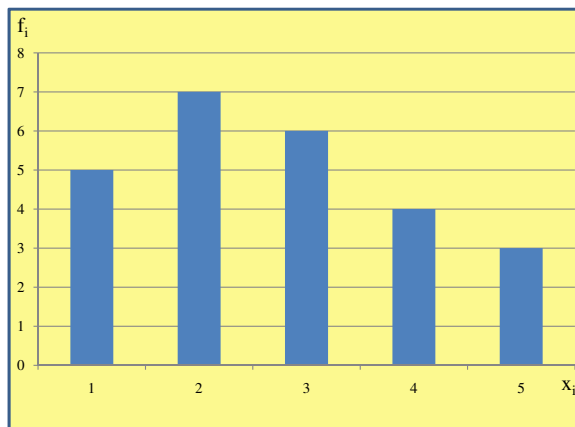
GRÁFICAS ESTADÍSTICAS

Carácter cuantitativo discreto. Variable estadística discreta.

Diagrama de barras.

x_i	f_i	h_i
1	5	0,20
2	7	0,28
3	6	0,24
4	4	0,16
5	3	0,12

25 1



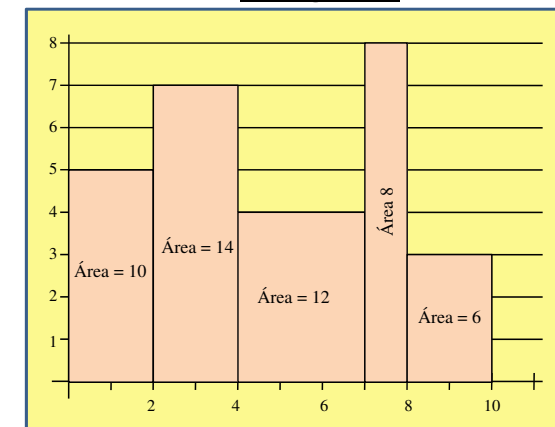
GRÁFICAS ESTADÍSTICAS

Carácter cuantitativo continuo. Variable estadística continua.

Histograma.

Intervalos	f_i
[0 , 2[10
[2 , 4[14
[4 , 7[12
[7 , 8[8
[8 , 10[6

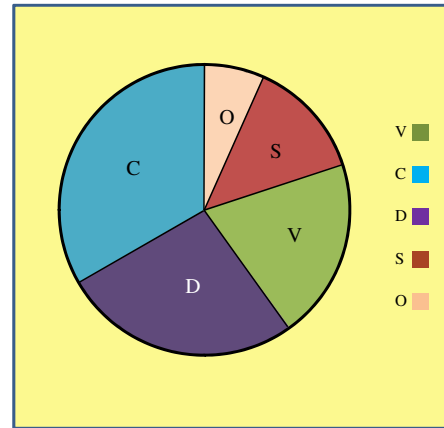
25



GRÁFICAS ESTADÍSTICAS

Diagrama de sectores.

x_i	f_i	h_i	grados	grados
V	5	0,20	$0,20 \cdot 360^\circ = 72^\circ$	72°
C	7	0,28	$0,28 \cdot 360^\circ = 100,8^\circ$	101°
D	6	0,24	$0,24 \cdot 360^\circ = 86,4^\circ$	86°
S	4	0,16	$0,16 \cdot 360^\circ = 57,6^\circ$	58°
O	3	0,12	$0,12 \cdot 360^\circ = 43,2^\circ$	43°
	25	1		360°



PARÁMETROS ESTADÍSTICOS.

Moda:

La **Moda**, M_o , de una serie de números es el valor que tiene más alta la frecuencia absoluta. En variables continuas se toma el intervalo como clase modal o la marca de clase como valor aproximado.

Ejemplo: Calcular la moda de:

x_i	f_i
1	2
2	4
3	7
4	2
5	3

15

$M_o = 3$

Intervalos	f_i
[0, 2[10
[2, 4[14
[4, 7[12
[7, 8[8
[8, 10[6

25

$M_o = [2, 4[\approx 3$

PARÁMETROS ESTADÍSTICOS.

Media:

La **media aritmética**, \bar{x} , de una serie de números es la suma de todos ellos dividido entre la cantidad de números que hay.

Ejemplo: Calcular la media de la serie: 4, 3, 2, 1, 2, 5, 3, 2, 1, 3, 5, 3, 4, 2, 5

$$\bar{x} = \frac{4+3+2+1+2+5+3+2+1+3+5+3+4+2+5}{15} = \frac{45}{15} = 3$$

PARÁMETROS ESTADÍSTICOS

Media:

Ejemplo: Calcular la media de la serie: 4, 3, 2, 1, 2, 5, 3, 2, 1, 3, 5, 3, 4, 2, 5

x_i	f_i	$x_i \cdot f_i$
1	2	2
2	4	8
3	4	12
4	2	8
5	3	15

15

45

$$\bar{x} = \frac{\sum x_i \cdot f_i}{n} = \frac{45}{15} = 3$$

PARÁMETROS ESTADÍSTICOS

Media:

Ejemplo: El número de llamadas viene dado por la tabla:

x_i	f_i	$x_i \cdot f_i$
12	3	36
16	2	32
21	4	84
25	6	150
27	8	216
31	5	155
34	2	68
	30	741

$$\bar{x} = \frac{\sum x_i \cdot f_i}{n} = \frac{741}{30} = 24,7 \text{ llamadas}$$

PARÁMETROS ESTADÍSTICOS

Media:

Ejemplo: El peso de 30 alumnos viene dado por la tabla:

x_i	c_i	f_i	$c_i \cdot f_i$
[40 , 50[45	3	135
[50 , 60[55	2	110
[60 , 70[65	4	260
[70 , 80[75	6	450
[80 , 90[85	8	680
[90 , 100[95	5	475
[100 , 110[105	2	210
	30	2320	

$$\bar{x} = \frac{\sum x_i \cdot f_i}{n} = \frac{2320}{30} = 77,33 \text{ Kg}$$

PARÁMETROS ESTADÍSTICOS

Mediana: Divide a la población en dos partes iguales.

Ejemplo 1: Calcular la mediana de la serie: 4, 3, 2, 1, 2, 5, 3, 2, 1, 3, 5, 3, 4, 2, 5

Se ordenan: $\underbrace{1, 1, 2, 2, 2, 2, 3}_{7}$, $\underbrace{3, 3, 3, 4, 4, 5, 5, 5}_{7}$ $M_e = 3$

Ejemplo 2: Calcular la mediana de la serie: 4, 3, 2, 1, 2, 5, 3, 2, 1, 3, 5, 3, 4, 2

Se ordenan: $\underbrace{1, 1, 2, 2, 2, 2, 3}_{7}$, $\underbrace{3, 3, 3, 3, 4, 4, 5, 5}_{7}$ $M_e = 3$

Ejemplo 3: Calcular la mediana de la serie: 4, 3, 2, 1, 2, 5, 3, 2, 1, 3, 5, 2, 4, 2

Se ordenan: $\underbrace{1, 1, 2, 2, 2, 2, 2}_{7}$, $\underbrace{2, 3, 3, 3, 4, 4, 5, 5}_{7}$ $M_e = 2,5$

PARÁMETROS ESTADÍSTICOS

Mediana:

Ejemplo 1: Calcular la mediana de la serie: 4, 3, 2, 1, 2, 5, 3, 2, 1, 3, 5, 3, 4, 2, 5

x_i	f_i	F_i
1	2	2
2	4	6
3	4	10
4	2	12
5	3	15

15

$$\frac{15}{2} = 7,5$$

$7,5$ $M_e = 3$

PARÁMETROS ESTADÍSTICOS

Mediana:

Ejemplo 2: Calcular la mediana de la serie: 4, 3, 2, 1, 2, 5, 3, 2, 1, 3, 5, 3, 4, 2

x_i	f_i	F_i
1	2	2
2	4	6
3	4	10
4	2	12
5	2	14

14

$$\frac{14}{2} = 7$$

$$M_c = 3$$

7

PARÁMETROS ESTADÍSTICOS

Mediana:

Ejemplo 3: Calcular la mediana de la serie: 4, 3, 2, 1, 2, 5, 3, 2, 1, 3, 5, 2, 4, 2

x_i	f_i	F_i
1	2	2
2	5	7
3	4	10
4	2	12
5	2	14

14

$$\frac{14}{2} = 7$$

$$M_c = 2,5$$

7

PARÁMETROS ESTADÍSTICOS

Mediana:

Ejemplo: El peso de 30 alumnos viene dado por la tabla:

x_i	c_i	f_i	F_i
[40, 50[45	3	3
[50, 60[55	2	5
[60, 70[65	4	9
[70, 80[75	7	16
[80, 90[85	7	23
[90, 100[95	5	28
[100, 110[105	2	30

30

$$\frac{30}{2} = 15$$

$$\text{Intervalo mediana} = [70, 80[$$

15

Por aproximación (hay una fórmula que no se va a ver):

$$M_c = 75$$

PARÁMETROS ESTADÍSTICOS

Cuartiles: Dividen a la Población en cuatro partes iguales.

Calcular Q_1 y Q_3 de la serie: 4, 3, 2, 1, 2, 5, 3, 2, 1, 3, 5, 3, 4, 2, 5

Se ordenan: 1, 1, 2, 2, 2, 2, 3, 3, 3, 3, 4, 4, 5, 5, 5

$$Q_1 = 2$$

$$Q_2 = M_c = 3$$

$$Q_3 = 4$$

x_i	f_i	F_i
1	2	2
2	4	6
3	4	10
4	2	12
5	3	15

15

$$\frac{15}{4} = 3,75$$

$$Q_1 = 2$$

$$\frac{15}{4} \cdot 3 = 11,25$$

$$Q_3 = 4$$

3,75

11,25

PARÁMETROS ESTADÍSTICOS

Rango: Diferencia entre el mayor y el menor valor de la variable.

Calcular el rango de la serie: 4, 3, 2, 1, 2, 5, 3, 2, 1, 3, 5, 3, 4, 2, 5

x_i	f_i
1	2
2	4
3	4
4	2
5	3

15

$$\text{rango} = 5 - 1 = 4$$

PARÁMETROS ESTADÍSTICOS

Varianza y Desviación Típica:

La **varianza** σ^2 es la media de los cuadrados de las diferencias respecto de la media.

$$\sigma^2 = \frac{\sum f_i \cdot (x_i - \bar{x})^2}{n} = \frac{\sum x_i^2 \cdot f_i}{n} - \bar{x}^2 \qquad \sigma = \sqrt{\frac{\sum x_i^2 \cdot f_i}{n} - \bar{x}^2}$$

x_i	f_i	$x_i \cdot f_i$	$x_i^2 \cdot f_i$
2	3	6	12
3	2	6	18
4	4	16	64
5	6	30	150
6	8	48	288
7	5	35	245
8	2	16	128
	30	157	905

$$\bar{x} = \frac{\sum x_i \cdot f_i}{n} = \frac{157}{30} = 5,23$$

$$\sigma^2 = \frac{\sum x_i^2 \cdot f_i}{n} - \bar{x}^2 = \frac{905}{30} - (5,23)^2 = 2,78$$

$$\sigma = \sqrt{\frac{\sum x_i^2 \cdot f_i}{n} - \bar{x}^2} = \sqrt{2,78} = 1,67$$

PARÁMETROS ESTADÍSTICOS

Media y Desviación Típica:

x_i	f_i	$x_i \cdot f_i$	$x_i^2 \cdot f_i$
1	10	10	10
2	5	10	20
3	0	0	0
4	5	20	80
5	10	50	250

30 90 360

$$\bar{x} = \frac{\sum x_i \cdot f_i}{n} = \frac{90}{30} = 3$$

$$\sigma^2 = \frac{\sum x_i^2 \cdot f_i}{n} - \bar{x}^2 = \frac{360}{30} - (3)^2 = 3$$

$$\sigma = \sqrt{3} = 1,73$$

x_i	f_i	$x_i \cdot f_i$	$x_i^2 \cdot f_i$
1	0	0	0
2	5	10	20
3	20	60	180
4	5	20	80
5	0	0	0

30 90 280

$$\bar{x} = \frac{\sum x_i \cdot f_i}{n} = \frac{90}{30} = 3$$

$$\sigma^2 = \frac{\sum x_i^2 \cdot f_i}{n} - \bar{x}^2 = \frac{280}{30} - (3)^2 = 0,33$$

$$\sigma = \sqrt{0,33} = 0,58$$

PARÁMETROS ESTADÍSTICOS

Coefficiente de variación:

Si dos estudios no tienen la misma media o desviación típica se puede comparar la dispersión de los datos con el coeficiente de variación:

$$CV = \frac{\sigma}{\bar{x}}$$

x_i	f_i	$x_i \cdot f_i$	$x_i^2 \cdot f_i$
1	10	10	10
2	5	10	20
3	5	15	45
4	5	20	80

25 55 155

$$\bar{x} = 2'20$$

$$\sigma^2 = 1'36 \qquad CV = 0'53$$

$$\sigma = 1,17$$

x_i	f_i	$x_i \cdot f_i$	$x_i^2 \cdot f_i$
1	4	4	4
2	8	16	32
3	6	18	54
4	7	28	112

25 66 202

$$\bar{x} = 2'64$$

$$\sigma^2 = 1'11 \qquad CV = 0'40$$

$$\sigma = 1,05$$